

Макаренко Р.Ю., Стульба М.А., Гурвич Ю.А.

Белорусский Национальный Технический Университет

Выбор метода оптимизации при расчете количества вычислительных процедур при оптимизации методом сеток

Прежде чем приступить к выбору метода оптимизации, проанализируем с позиции существующую методику построения зон, областей или картин устойчивости либо неустойчивости движения управляемых колес на плоскости или в пространстве параметров по одному из критериев, например, скорости устойчивого движения колес. Для этого необходимо ответить на вопрос: в чем же выигрывает проектировщик, если одновременно варьировать два, три или более значений параметров при неизменных величинах остальных в математическом описании движения управляемых колес, по сравнению с изменением только одного параметра (при неизменном значении остальных)?

Ответ на поставленный вопрос получим после сравнения результатов вычислений по выведенным в этом разделе формулам, определяющим:

- количество совокупностей (или число сочетаний) значений параметров W_{fnN}^n для n-мерного пространства варьируемых параметров и различного числа уровней варьирования по каждой n-мерной координате,
- число зон устойчивости либо неустойчивости движения управляемых колес машины $W_{fnN}^n(k_1)$ при одновременном варьировании значений сначала одного параметра ($k_1=1$), затем двух ($k_1=2$), ..., ($n-1$), при этом $k_1=n-1$ значений n параметров ($k_1=n$) из совокупности, содержащей n параметров, при неизменных значениях остальных значений в этой совокупности параметров.

Формулы W_{fnN}^n и $W_{fnN}^n(k_1)$ будем выводить для двух случаев, когда число уровня варьирования по каждой n-мерной координате различно - $f_{1i}, f_{2j}, \dots, f_{nN}$ (где i, j, \dots, N - текущие порядковые номера уровней варьирования по каждой n-мерной координате $i=\overline{1, \lambda_1}; j=\overline{1, \lambda_2}; \dots; N=\overline{1, \lambda_1}$, соответствуют количеству порядковых номеров уровней варьирования) и когда это число одинаково $\lambda_1=\lambda_2=\dots=\lambda_n=\lambda$ и $f_{1\lambda}=f_{2\lambda}=\dots=f_{n\lambda}=f$. В последнем случае формулы W_{fnN}^n и $W_{fnN}^n(k_1)$ приобретают вид: W_f^n и $W_f^n(k_1)$.

Чтобы установить вид формулы W_{fnN}^n , рассмотрим рисунок 1.1, на котором изображена плоскость ($n=2$) и пространство ($n=3$) совершенно различных по физическому смыслу параметров с отличным друг от друга числом уровней варьирования по каждой из трех координат:

$$f_{1i}, f_{2j}, f_{3k}, \text{ где } i=\overline{1,4}; j=\overline{1,2}; \dots; k=\overline{1,3}.$$

Тогда $f_{1i}=4, f_{2j}=2, f_{3k}=3$.

Легко определить, что количество совокупностей параметров на плоскости f_{1i}, f_{3k} (рисунок 1.1,а) и в пространстве (рисунок 1.1,б) соответственно равно:

$$W_{fnN}^2 = f_{1i} * f_{3k}; \quad W_{fnN}^3 = f_{1i} * f_{2j} * f_{3k};$$

$$W_{fnN}^2 = 4 * 3 = 12; \quad W_{fnN}^3 = 4 * 2 * 3 = 24.$$

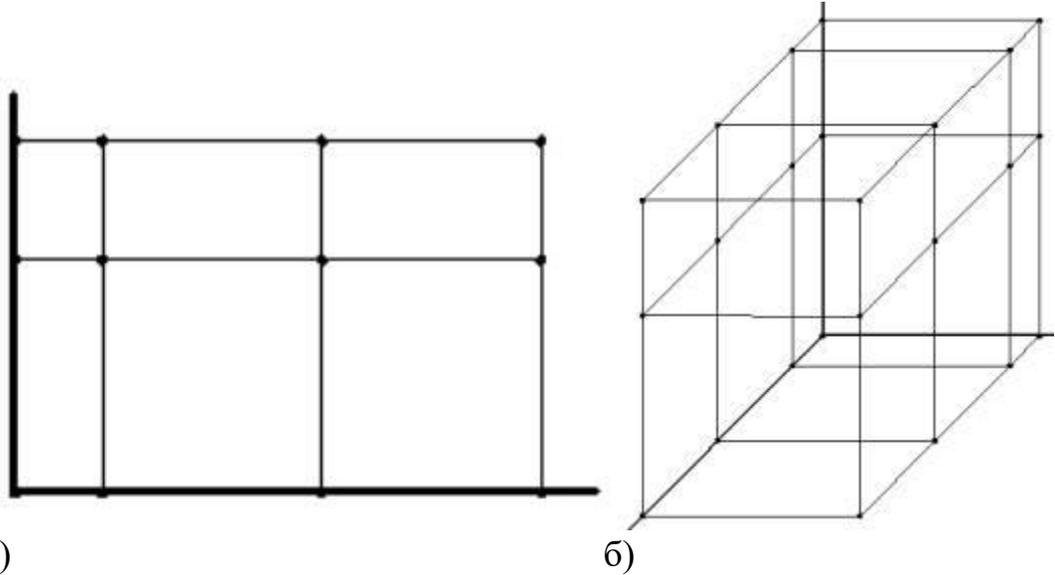


Рисунок 1.1

В n-мерном пространстве параметров количество их совокупностей, содержащих по n параметров каждая, определяется следующей зависимостью:

$$W_{fnN}^n = f_{1\lambda_1} * f_{2\lambda_2} * f_{3\lambda_3} * \dots * f_{n\lambda_n} = \prod_{n=1}^n f_{n\lambda_n}. \quad 1.3$$

Здесь необходимо обратить внимание на следующее обстоятельство. В отличие от произведения $f_{1\lambda_1} * f_{2\lambda_2} * f_{3\lambda_3} * \dots * f_{n\lambda_n}$, которое определяет значение W_{fnN}^n , запись вида (1.3) является названием всего лишь одной из совокупностей параметров в n-мерном пространстве (смотри рисунок 1.1).

Вывод формулы $W_{fnN}^n(k_1)$ при $k=1, m$ будем осуществлять исходя из предположения, что скорость движения управляемых колес является функцией совокупности параметров $V=V(f_{1i}, f_{2j}, f_{3k}, \dots, f_{nN})$, которая представляет поверхность в n-мерном пространстве.

Рассмотрим вариант, где скорость движения колес является функцией двух параметров $V=V(f_{1i}; f_{2i})$. Чтобы изучить эту поверхность в случае варьирования величины одного из них при неизменном значении второго необходимо выполнить следующее:

А) Варьировать величину одного из параметров, например f_{1i} , при неизменной какой-либо одной из величин f_{2i} , например $f_{2i}=\text{const}$. При этом

получим ряд точек V_{21i} (где $i=\overline{1, \lambda_1}$), через которые, используя методы оптимизации, можно провести плавную кривую. Зависимость $V_{21i} = V_{21i}(f_{1i}, f_{21})$ и представляет собой одну плоскую зону устойчивости и неустойчивости (рисунок 1.2,б). Подобных зон устойчивости вида $V_{2ji} = V_{2ji}(f_{1i}, f_{2j})$ нужно построить $j=\lambda_2$.

Б) Помимо этих зон необходимо построить еще и число $j=\lambda_1$ зон устойчивости вида $V_{1ij} = V_{1ij}(f_{1i}, f_{2j})$, где $j=\overline{1, \lambda_2}$ (рисунок 1.2,в). Здесь варьируется величина f_{2j} при уже неизменной величине f_{1i} (где $i=\overline{1, \lambda_1}$).

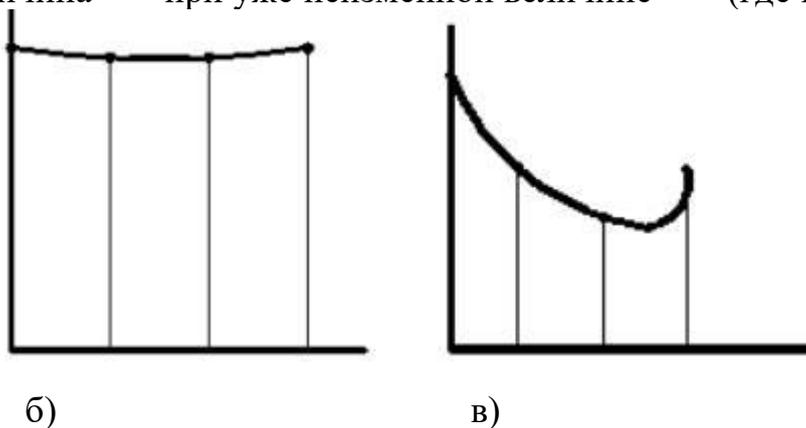
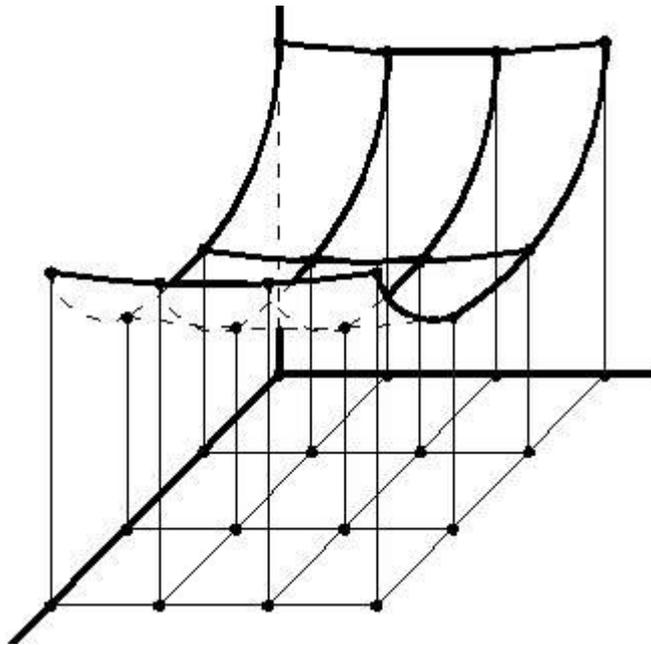


Рисунок 1.2

Очевидно, что полное количество плоских зон устойчивости соответствует числу горизонтальных и вертикальных прямых, проведенных через соответствующие совокупности параметров на плоскости двух параметров. Например, согласно рисунку 1.1(а) количество горизонтальных линий равно трем, а количество вертикальных равно четырем.

Следовательно, для изучения поверхности $V(f_{1i}, f_{3k})$ необходимо построить семь плоских зон устойчивости. А для изучения, например, поверхности $V(f_{1i}, f_{2j})$, изображенной на рисунке 1.2(а), необходимо построить восемь плоских зон устойчивости.



а)
рисунок 1.2

Таким образом, для изучения поверхности $V(f_{1i}, f_{2j})$ по методике, где варьируют значения одного параметра при неизменных значениях второго, необходимо построить следующее количество плоских зон устойчивости:

$$W_{fnN}^2(1) = f_{1\lambda_1} + f_{2\lambda_2} = \sum_{n=1}^2 f_{n\lambda_n}.$$

Если одновременно варьировать величины двух параметров, то для изучения поверхности $V(f_{1i}, f_{2j})$ необходимо построить всего одну область устойчивости, изображенную на рисунке 1.3(а).

Таким образом, оказалось, что при одновременном варьировании n параметров необходимо строить всего лишь одну n -мерную картину устойчивости.

Это позволяет из имеющегося большого количества методов нелинейного программирования выбрать методы случайного поиска.

В результате нами выбран метод Монте-Карло, который относится к случайному поиску. Необходимо подчеркнуть основное достоинство метода Монте-Карло, заключающееся в его независимости от условий задачи. С помощью генератора псевдослучайных чисел вырабатываются точки, которыми просматривается многомерное пространство варьируемых параметров.